

**OLIMPIÁDA INTERNACIONAL MATEMÁTICA SEM FRONTEIRAS 2016**  
**GABARITO - PROVA NÍVEL BÁSICO**

**Q1 - Língua Estrangeira**

**Resposta : Há 11 possibilidades**

Creme + 4 ingredientes : Cebolas Bacon Champignons Gruyère

Creme + 3 ingredientes :

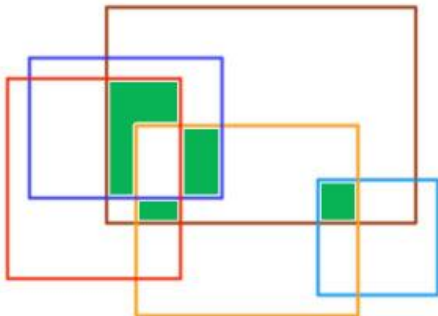
- Cebolas Bacon Champignons
- Cebolas Bacon Gruyère
- Bacon Champignons Gruyère
- Cebolas Champignons Gruyère

Creme + 2 ingredientes :

- Cebolas Bacon
- Cebolas Champignons
- Cebolas Gruyère
- Bacon Champignons
- Bacon Gruyère
- Champignons Gruyère

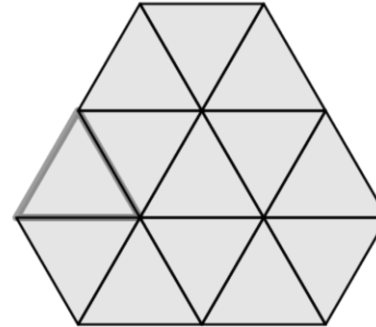


**Q2 - Imitando Mondrian**



A dificuldade se encontra em identificar as zonas que se encontram dentro de exatamente 3 retângulos.

**Q3 - Construindo um palácio**



O menor perímetro corresponde a 3 unidades (considerando como unidade um lado do triângulo)

**Q4 - Quebrando o código**

Três códigos são solicitados aos estudantes: eles podem, por conseguinte, proceder, quer por cálculo ou com o uso da calculadora (permitido durante a competição):

- Por tentativa e erro
- Pelo método especialista (técnica dos múltiplos de 9).

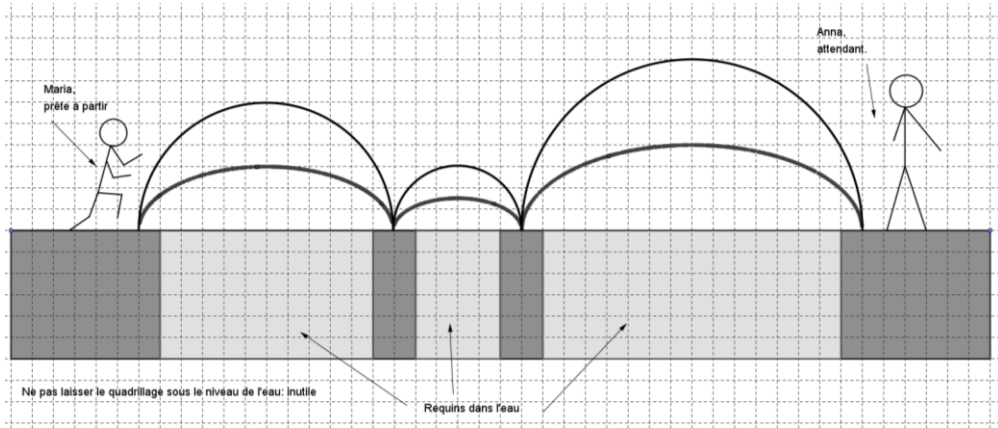
A técnica dos múltiplos de 9 considera números cuja soma dos algarismos é 9. Informações "a sua casa decimal é 5" induz a resposta imediata de 450 desde  $4 + 5 + 0 = 9$ .

Então, procurando múltiplo de 9, os estudantes encontrarão 459 e 558 (a soma na verdade, sempre 18 ou  $2 \times 9$ ).

**Resposta : 450 - 459 - 558**

### Q5 - Pulando tubarões

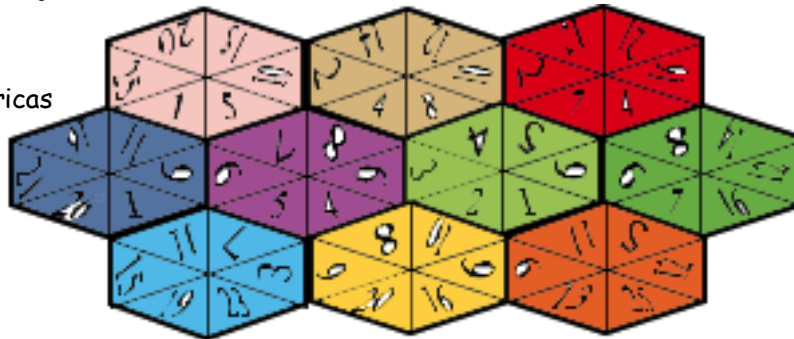
A dificuldade reside na precisão das medidas tomadas e a identificação da metade no desenho. Além disso, o número de itens relatados irá afetar muito a curva final.



### Q6 - Quebra-cabeças

#### Solução:

2 soluções simétricas



### Q7 - Pérolas

Resposta: Ela tinha 126 pérolas inicialmente.

**Justificativa** : 63 pérolas (metade dos 126) monta 9 colares ( $9 \times 7 = 63$ ) e não resta nenhuma pérola.

Com 63 outras pérolas pode-se fazer 12 pulseiras ( $12 \times 5 = 63$ ), ele ainda tem três contas.

Os alunos podem resolver por tentativa e erro. É interessante observar se a tentativa e erro leva em conta o número de critérios de contas por tipo de objeto e a diferença de 3 entre o número de objetos.

1 C 4 + B 7 20 Total 27 pérolas (13,5 meia)

2 C 5 B 14 + 25 Total 39 pérolas (meio 19)

9 6 C B 42 + 45 Total de 87 pérolas (meia 43,5)

9 C 12 B 63 + 60 total 126 pérolas (meio 63)

Este método é demorado e deve ser realizado de forma metódica. Calculadoras podem auxiliar na parte computacional.

Pode-se descartar os resultados dos quais metade é decimal.

### Q8 - Atrás da faixa

Este problema aberto exige que os alunos pensem e façam escolhas razoáveis:

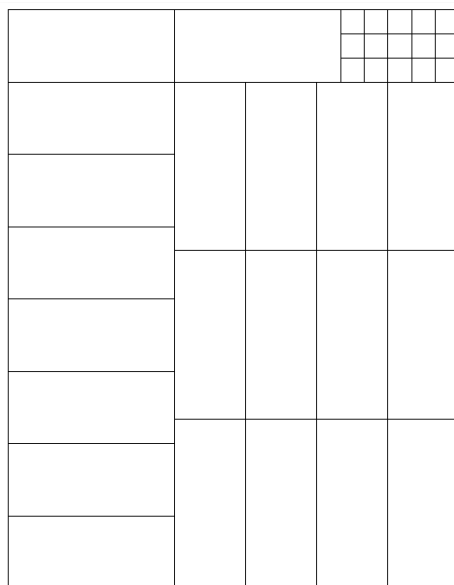
- Número de alunos na classe (15 a 30)

- A largura dos ombros média de um aluno (37 cm - medida proposta por boutiques de moda).

Outro motivo seria a medida real do grupo de estudantes que constituem a classe que faz a prova da Olimpíada.

**Solução** : Isto dá uma medida compreendida entre 5 m e 11 m.

**Q9 - Extra!**



**Solução :** 21 retângulos é a quantidade máxima que pode ser cortada na placa de 19 por 24 cm. A justificativa esperado é o esquema acima.

Outra possibilidade para a solução é os estudantes calcularem a área da placa ( $456 \text{ cm}^2$ ) e de um retângulo ( $21 \text{ cm}^2$ ) e, em seguida, realizar uma divisão, determinando o número possível de retângulos.